

Termumformung

Termumformungen dienen z. B. dazu, längere Terme zu vereinfachen oder zu überprüfen, ob Terme "äquivalent" sind. Da dies bei Grundmengen mit unendlich vielen Elementen (z.B. \mathbb{N} , \mathbb{Z} , \mathbb{Q}) nicht mehr durch Berechnen aller Termwerte überprüft werden kann, versucht man, Terme durch **Rechengesetze** in äquivalente Terme umzuformen:

Beispiel: Sind die Terme $T_1(x) = 5(x + 3)$ und $T_2(x) = 15 + 5x$ äquivalent?

$$\begin{aligned} T_1(x) &= 5(x + 3) \\ &= 5 \cdot x + 5 \cdot 3 && \text{Distributivgesetz} \\ &= 5x + 15 && \text{Zusammenfassen} \\ &= 15 + 5x && \text{Kommutativgesetz} \\ &= T_2(x) && \rightarrow \text{Die Terme sind äquivalent} \end{aligned}$$

Addition und Subtraktion von Termen

- Multipliziert man eine Variable mit einer Zahl, so heißt die Zahl "**Koeffizient**".
- Terme, die sich **nur in den Koeffizienten unterscheiden**, heißen **gleichartig**.

Beispiele:

Die Terme $3a$ und $5a$ sind gleichartig

Die Terme $4x$ und $4y$ sind **nicht** gleichartig

Die Terme $-7xy$ und $2xy$ sind gleichartig

Die Terme $3rs$ und $4sr$ sind gleichartig (da $r \cdot s = s \cdot r$ ist !)

Die Terme $6abc$ und $8ab$ sind **nicht** gleichartig

- **Nur gleichartige Terme** können durch **Addition** bzw. **Subtraktion** zusammengefasst werden. Man **addiert bzw. subtrahiert ihre Koeffizienten** und **behält die jeweilige Variable bei**.

Beispiele:

$$3x + 5x = 8x$$

$$4ab + 3a \quad \text{Kein Addieren möglich, da **nicht** gleichartig!}$$

$$8a + 3b - 5a + 2b = 8a - 5a + 3b + 2b = 3a + 5b$$

$$-2x + 3xy + 7x = -2x + 7x + 3xy = 5x + 3xy$$

$$4a^2 - 6a - a^2 + 2ab + 5a + ab = 4a^2 - a^2 - 6a + 5a + 2ab + ab = 3a^2 - a + 3ab$$

Multiplikation von Termen

- Terme, in denen nur multipliziert wird, heißen "reines Produkt".
- In solchen Termen werden **alle Koeffizienten miteinander multipliziert, danach steht das Produkt aller Variablen**.
- **Produkte gleicher Variablen** schreibt man als **Potenz**.

Beispiele:

$$3x \cdot 5y = 15xy$$

$$4a \cdot 2b \cdot 3c = 24 abc$$

$$2a \cdot 3b \cdot (-5a) = -30a^2b$$

$$-x \cdot 3xy \cdot 7xyz = -21x^3y^2z$$